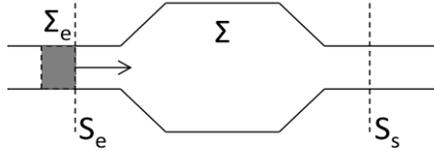


Nom :

Interrogation de cours

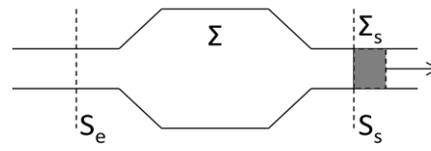
1) Donner et démontrer l'expression du premier principe pour un système ouvert. Quels termes peuvent être usuellement négligés ? Pourquoi ?



Instant t

Système Σ ouvert

+ masse dm dans Σ_e de fluide pénétrant dans Σ pendant dt



Instant t + dt

Système Σ ouvert

+ masse dm dans Σ_s de fluide sortant de Σ pendant dt

A l'instant t, l'énergie totale du système Σ' est :

$$U_{\Sigma'}(t) + E_{c,\Sigma'}(t) = U_{\Sigma}(t) + E_{c,\Sigma}(t) + U_{\Sigma_e}(t) + E_{c,\Sigma_e}(t)$$

A l'instant t+dt, l'énergie totale du système Σ' est :

$$U_{\Sigma'}(t+dt) + E_{c,\Sigma'}(t+dt) = U_{\Sigma}(t+dt) + E_{c,\Sigma}(t+dt) + U_{\Sigma_s}(t+dt) + E_{c,\Sigma_s}(t+dt)$$

Nous sommes en régime stationnaire, donc : $U_{\Sigma}(t+dt) + E_{c,\Sigma}(t+dt) = U_{\Sigma}(t) + E_{c,\Sigma}(t)$

La variation d'énergie totale dans Σ' pendant dt se ramène donc à :

$$\begin{aligned} dU_{\Sigma'} + dE_{c,\Sigma'} &= U_{\Sigma'}(t+dt) - U_{\Sigma'}(t) + E_{c,\Sigma'}(t+dt) - E_{c,\Sigma'}(t) \\ &= U_{\Sigma_s}(t+dt) - U_{\Sigma_e}(t) + E_{c,\Sigma_s}(t+dt) - E_{c,\Sigma_e}(t) \end{aligned}$$

Sur une ligne de courant, reliant un point de la surface d'entrée S_e à un point de la surface de sortie S_s , on peut alors écrire :

$$dU_{\Sigma'} + dE_{c,\Sigma'} = dm(u_s - u_e + e_{c,s} - e_{c,e})$$

D'après le premier principe de la thermodynamique : $dU_{\Sigma'} + dE_{c,\Sigma'} = \delta W + \delta Q$

avec $\delta Q = q_e dm = \Phi dt$

avec pour un fluide parfait :

travail des forces de pesanteur : $\delta W_{pes} = -dm(e_{pp,s} - e_{pp,e})$

travail des forces pressantes : $\delta W_p = \left(\frac{P_e}{\mu_e} - \frac{P_s}{\mu_s} \right) dm$

travail indiqué : $\delta W_i = w_i dm = \Psi_i dt$

Soit, par unité de masse : $\Delta u + \Delta e_c + \Delta e_{pp} = \left(\frac{P_e}{\mu_e} - \frac{P_s}{\mu_s} \right) + w_i + q_e$

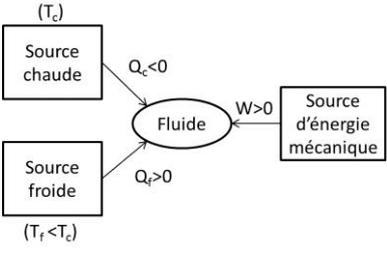
Or, la fonction d'état enthalpie qui s'écrit sous la forme : $H = U + PV \Rightarrow h = u + \frac{P}{\mu}$ apparaît dans

l'équation précédente, on peut donc la réécrire sous la forme :

$$\Delta h + \Delta e_c + \Delta e_{pp} = w_i + q_e$$

Termes usuellement négligés : $\Delta e_c \ll \Delta h$ et $\Delta e_{pp} \ll \Delta h$ car les machines étudiées ne sont pas suffisamment grandes ou n'accélèrent pas suffisamment le fluide pour que ces variations d'énergies soient comparables à la variation d'enthalpie (par exemple lors d'un changement d'état).

2) Donner la définition du COP. Dans un récepteur ditherme, quel est le signe des différents échanges d'énergie ?

$COP = \frac{P_{utile}}{P_{couteuse}}$	
<p>3) Donner l'expression du rendement d'un moteur, de l'efficacité d'un réfrigérateur et d'une pompe à chaleur.</p>	
$\eta = -\frac{W}{Q_c} \quad \varepsilon_f = \frac{Q_f}{W} \quad \varepsilon_c = -\frac{Q_c}{W}$	