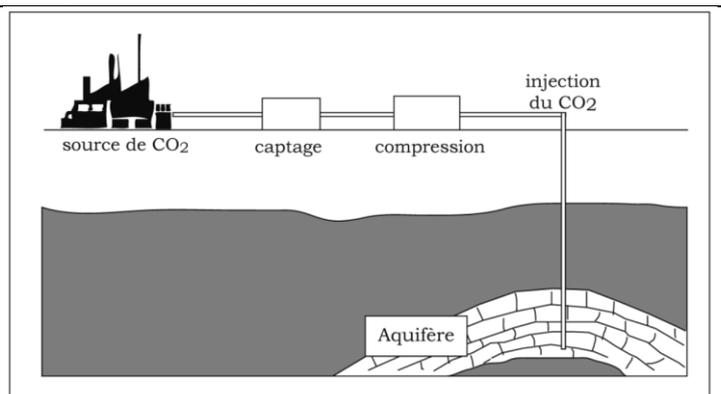


## 7 Exercices type écrit (à faire en DM pour le 26/09/2018)

### 7.1 Stockage du CO<sub>2</sub> dans des aquifères salins (niveau CCP)

Le CO<sub>2</sub> gazeux est capté à la sortie, par exemple, d'une usine. Il subit alors une série de compressions successives jusqu'à obtention d'un fluide. Ce dernier est ensuite injecté dans un aquifère salin dont la profondeur est nécessairement supérieure à 800 m. Dans de telles conditions de température et de pression le CO<sub>2</sub> est supercritique. Moins dense que la saumure de l'aquifère, il monte puis s'accumule sous un piège structural (une roche composée par exemple d'argile).



Document 5. Principe du stockage

On considère une quantité  $n_0$  de CO<sub>2</sub> occupant un volume  $V_0 = 10\text{m}^3$  à une température  $T_0 = 298\text{K}$  et une pression  $P_0 = 1\text{bar}$ . Ce gaz, que l'on considérera comme parfait, est :

- 1- mis au contact d'un thermostat à la température  $T_1 = 280\text{K}$  et à volume constant : transformation isochore
- 2- comprimé très lentement (tout en restant au contact du thermostat) de façon à réduire son volume à  $V_1 = 2,5\text{m}^3$  : transformation isotherme.

- 1) Représenter schématiquement sur un diagramme de Clapeyron ces deux transformations. On expliquera le tracé de chacune des courbes.
- 2) Pour la première transformation, donner l'expression du travail et du transfert thermique reçu par le gaz.
- 3) Pour la première transformation, donner l'expression de l'entropie échangée par le gaz.
- 4) Donner l'expression de l'entropie créée lors de la première transformation. Commenter brièvement les signes des valeurs d'entropies trouvées.
- 5) Pour la deuxième transformation, donner l'expression du travail et du transfert thermique reçus par le gaz.
- 6) Pour la deuxième transformation, donner l'expression l'entropie échangée par le gaz.
- 7) Donner l'expression de l'entropie créée lors de la deuxième transformation. Commenter brièvement.

### 7.2 Etude thermodynamique d'une mole d'eau (d'après Centrale 2003)

*Notations* : les variables directement mesurables sont la pression, le volume et la température.

On considère une transformation élémentaire réversible d'un système. On admettra que les deux premiers principes de la thermodynamique s'expriment alors en écrivant que les variations dU et dS des fonctions d'état — énergie interne U et entropie S — sont des différentielles totales.

La différentielle totale d'une fonction dépendant des deux variables indépendantes x et y, soit  $A = A(x, y)$ , s'écrira

sous la forme :  $dA = Bdx + Cdy$ , où :  $B = \left(\frac{\partial A}{\partial x}\right)_y$  et  $C = \left(\frac{\partial A}{\partial y}\right)_x$ .

- 1) Montrer que l'énergie interne U d'un corps pur peut être considérée comme fonction des deux variables, S et V, soit  $U = U(S, V)$ .
- 2) Exprimer la température T et la pression P en fonction de dérivées partielles de U clairement établies.
- 3) La « fonction enthalpie » joue le rôle d'une fonction thermodynamique adaptée à un couple de variables que l'on précisera. Exprimer T et V en fonction de dérivées partielles de H.
- 4) Exprimer la différentielle de l'entropie S fonction de l'enthalpie H et la pression P. Pour un gaz parfait, que vaut alors  $\left(\frac{\partial S}{\partial P}\right)_T$  ?

5) A partir de la loi des gaz parfaits, trouver la valeur de  $\left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P$ . Établir en particulier la relation :  $-\left(\frac{\partial S}{\partial P}\right)_T = \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P$

. On supposera que l'on peut généraliser cette relation aux phases condensées.

On comprime réversiblement une mole d'eau depuis une pression de 1 bar jusqu'à la pression de 100 bar. Pendant cette compression la température  $T$  demeure constante et égale à 323K. À cette température le coefficient de

dilatation est de :  $\alpha = \frac{1}{V} \left(\frac{\partial V}{\partial T}\right)_P = 4,7 \cdot 10^{-4} K^{-1}$  et le volume massique :  $v = 1,012 \cdot 10^{-3} m^3 \cdot kg^{-1}$ .

On admettra que la variation de volume est négligeable pendant la compression.

6) Exprimer  $\frac{dH}{dP}$  en fonction de  $V$ ,  $T$ , et  $\frac{dS}{dP}$ .

7) Justifier l'égalité  $\frac{dS}{dP} = \left(\frac{\partial S}{\partial P}\right)_T$ . Exprimer cette grandeur en fonction de  $\alpha$  et de  $V$ .

8) En déduire la variation  $\Delta H$  d'enthalpie lors de la compression, en fonction de  $V$ ,  $\alpha$ ,  $T$  et  $\Delta P$ .

9) Application numérique. Calculer  $\Delta H$  pour une mole d'eau. On prendra comme masse molaire de l'eau  $M = 18 \cdot 10^{-3} kg \cdot mol^{-1}$ .

10) En déduire  $\Delta U$ , littéralement et numériquement.

11) Exprimer  $\Delta S$  en fonction de  $\alpha$ ,  $V$  et  $\Delta P$ .

Application numérique : calculer  $\Delta S$  pour la compression envisagée. Conclusion.

## 8 Exercices type oral

### 8.1 Détente d'un gaz parfait

Un récipient, muni d'un piston mobile de masse négligeable pouvant se déplacer sans frottement, contient un gaz parfait occupant initialement un volume  $V_1 = 10,0L$  à la température  $T_1 = 373K$ . Les parois du récipient ainsi que le piston sont calorifugés. La pression qui s'exerce sur ce piston vaut initialement  $P_1 = 1,00 \cdot 10^6 Pa$ . On donne  $R = 8,31 J \cdot K^{-1} \cdot mol^{-1}$ .

1) Calculer la quantité de matière  $n$  de gaz contenu dans le récipient.  
 2) La contrainte qui maintient le piston en équilibre est supprimée, de sorte que la pression que s'exerce sur lui tombe brutalement à la valeur  $P_2 = 1,00 \cdot 10^5 Pa$  correspondant à la pression atmosphérique du lieu. Le gaz évolue vers un nouvel état d'équilibre caractérisé par les valeurs respectives  $T_2$  et  $V_2$  de la température et du volume.

2.a) Calculer  $T_2$  et  $V_2$  pour une capacité thermique à volume constant  $C_V = \frac{5}{2} nR$ .

2.b) Calculer la variation d'entropie  $\Delta S$  du gaz.

2.c) Calculer l'entropie créée  $S_c$  au cours de la transformation. Quelle est la cause de l'irréversibilité ?

### 8.2 Calorimétrie

On considère un vase parfaitement calorifugé qui contient une masse  $m_1 = 100g$  d'un liquide de capacité thermique massique  $c_1 = 3000 J \cdot kg^{-1} \cdot K^{-1}$  à la température  $T_1 = 30^\circ C$ . On plonge rapidement un morceau de cuivre de masse  $m_2 = 200g$  et de capacité thermique  $c_2 = 400 J \cdot kg^{-1} \cdot K^{-1}$ , initialement à la température  $T_2 = 70^\circ C$ . Le récipient dont la capacité thermique est  $C_s = 250 J \cdot K^{-1}$  y compris les accessoires (agitateur, thermomètre...) est soigneusement refermé.

1) Déterminer la température d'équilibre.

2) Calculer la variation globale d'entropie pour cette opération.

### 8.3 Oral CCP TSI 2013

Un récipient de volume total fixe  $2V_0$  ( $V_0 = 10L$ ) est divisé en deux compartiments par une membrane mobile (de surface  $S$ ) sans frottement. Les parois des deux compartiments et la membrane empêchent les transferts thermiques. Initialement, l'air (gaz parfait de rapport  $\gamma = 1,4$ ) contenu dans chacun des deux compartiments est à la température  $T_0 = 300 K$  et à la pression  $P_0 = 10^5 Pa$ .

A l'intérieur du compartiment de gauche se trouve une résistance  $R' = 10 \Omega$ . Cette résistance est parcourue par un courant continu  $I = 1 A$ . On arrête le courant après une durée  $\tau$ , dès que la pression dans le compartiment de gauche vaut  $P_1 = 2 P_0$ . Les transformations sont supposées être lentes. La capacité thermique de la résistance est supposée très faible.

1) Quelle est la pression finale  $P_2$  dans le compartiment de droite ?

2) Dans quel compartiment la variation de volume sera-t-elle la plus faible et la transformation quasi adiabatique réversible ?

3) Quels sont les températures  $T_2$  et le volume  $V_2$  dans le compartiment de droite à la fin de l'expérience ?

4) En déduire les températures  $T_1$  et volume  $V_1$  du compartiment de gauche en fin d'expérience.

5) Quel travail des forces de pression  $W_2$  a été reçu par le compartiment de droite en fonction de  $\gamma$ ,  $P_0$ ,  $P_2$ ,  $V_0$  et  $V_2$  ? ET celui  $W_1$  reçu par le compartiment de gauche ?

6) Quelle est la durée  $\tau$  de chauffage en fonction de  $P_0$ ,  $V_0$ ,  $\gamma$ ,  $R'$  et  $I$  ?

7) En déduire les variations d'entropie dans les deux compartiments.