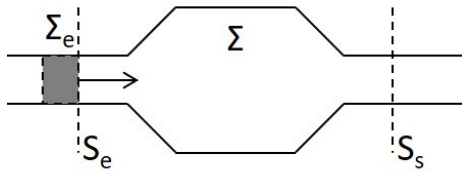
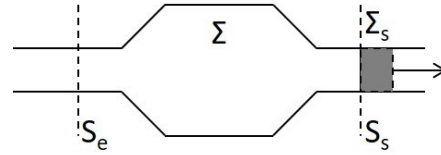


Nom :

Interrogation de cours

1) En utilisant le système suivant, faire un bilan d'énergie entre les instants t et $t + dt$.Instant t Système Σ ouvert+ masse δm dans Σ_e de fluide pénétrant dans Σ
pendant dt Instant $t + dt$ Système Σ ouvert+ masse δm dans Σ_s de fluide sortant de Σ pendant dt A l'instant t , l'énergie totale du système Σ' est :

$$U_{\Sigma'}(t) + E_{c,\Sigma'}(t) = U_{\Sigma}(t) + E_{c,\Sigma}(t) + U_{\Sigma_e}(t) + E_{c,\Sigma_e}(t)$$

A l'instant $t+dt$, l'énergie totale du système Σ' est :

$$U_{\Sigma'}(t+dt) + E_{c,\Sigma'}(t+dt) = U_{\Sigma}(t+dt) + E_{c,\Sigma}(t+dt) + U_{\Sigma_s}(t+dt) + E_{c,\Sigma_s}(t+dt)$$

Nous sommes en régime stationnaire, donc : $U_{\Sigma}(t+dt) + E_{c,\Sigma}(t+dt) = U_{\Sigma}(t) + E_{c,\Sigma}(t)$ La variation d'énergie totale dans Σ' pendant dt se ramène donc à :

$$\begin{aligned} dU_{\Sigma'} + dE_{c,\Sigma'} &= U_{\Sigma'}(t+dt) - U_{\Sigma'}(t) + E_{c,\Sigma'}(t+dt) - E_{c,\Sigma'}(t) \\ &= U_{\Sigma_s}(t+dt) - U_{\Sigma_e}(t) + E_{c,\Sigma_s}(t+dt) - E_{c,\Sigma_e}(t) \end{aligned}$$

Sur une ligne de courant, reliant un point de la surface d'entrée S_e à un point de la surface de sortie S_s , on peut alors

$$\text{écrire : } dU_{\Sigma'} + dE_{c,\Sigma'} = dm(u_s - u_e + e_{c,s} - e_{c,e})$$

2) En partant de ce bilan, démontrer l'expression du premier principe pour un système ouvert.

D'après le premier principe de la thermodynamique : $dU_{\Sigma'} + dE_{c,\Sigma'} = \delta W + \delta Q$

$$\text{avec } \delta Q = q_e dm = \Phi dt$$

avec pour un fluide parfait :

$$\text{travail des forces de pesanteur : } \delta W_{pes} = -dm(e_{pp,s} - e_{pp,e})$$

$$\text{travail des forces pressantes : } \delta W_p = \left(\frac{P_e}{\mu_e} - \frac{P_s}{\mu_s} \right) dm$$

$$\text{travail indiqué : } \delta W_i = w_i dm = \Psi_i dt$$

$$\text{Soit, par unité de masse : } \Delta u + \Delta e_c + \Delta e_{pp} = \left(\frac{P_e}{\mu_e} - \frac{P_s}{\mu_s} \right) + w_i + q_e$$

Or, la fonction d'état **enthalpie** qui s'écrit sous la forme : $H = U + PV \Rightarrow h = u + \frac{P}{\mu}$ apparaît dans l'équation

$$\text{précédente, on peut donc la réécrire sous la forme : } \Delta h + \Delta e_c + \Delta e_{pp} = w_i + q_e$$

3) Quels termes peuvent être usuellement négligés ? Pourquoi ?

L'énergie thermique nécessaire pour vaporiser un kg d'eau sous pression usuelle ≈ 2200 kJ.

Pour atteindre une valeur comparable :

- avec l'énergie cinétique, il faut une vitesse de $2 \cdot 10^3$ m.s⁻¹
- avec l'énergie potentielle de pesanteur, il faut une dénivellation de 200 km

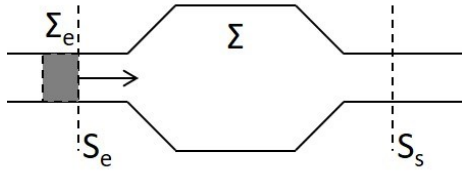
Dans la plupart des cas usuels, les énergies cinétiques et potentielles seront négligeables.

Exceptions :

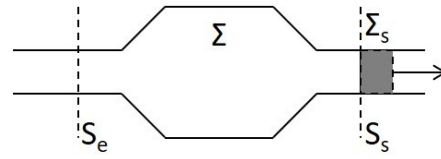
- usine hydroélectrique, on va utiliser l'énergie potentielle de pesanteur
- tuyère de réacteur, on va utiliser l'énergie cinétique

Nom :

Interrogation de cours

1) En utilisant le système suivant, faire un bilan d'énergie entre les instants t et $t + dt$.Instant t Système Σ ouvert

+ masse δm dans Σ_e de fluide pénétrant dans Σ
pendant dt

Instant $t + dt$ Système Σ ouvert

+ masse δm dans Σ_s de fluide sortant de Σ pendant dt

2) En partant de ce bilan, démontrer l'expression du premier principe pour un système ouvert.

3) Quels termes peuvent être usuellement négligés ? Pourquoi ?