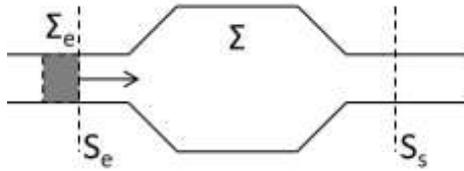


Nom :

Interrogation de cours

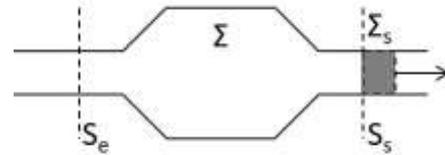
1) En utilisant le système suivant, démontrer le premier principe pour un système ouvert.



Instant t

Système Σ ouvert

+ masse δm dans Σ_e de fluide pénétrant dans Σ pendant dt



Instant t + dt

Système Σ ouvert

+ masse δm dans Σ_s de fluide sortant de Σ pendant dt

A l'instant t, l'énergie totale du système Σ' est :

$$U_{\Sigma'}(t) + E_{c,\Sigma'}(t) = U_{\Sigma}(t) + E_{c,\Sigma}(t) + U_{\Sigma_e}(t) + E_{c,\Sigma_e}(t)$$

A l'instant t+dt, l'énergie totale du système Σ' est :

$$U_{\Sigma'}(t + dt) + E_{c,\Sigma'}(t + dt) = U_{\Sigma}(t + dt) + E_{c,\Sigma}(t + dt) + U_{\Sigma_s}(t + dt) + E_{c,\Sigma_s}(t + dt)$$

Nous sommes en régime stationnaire, donc : $U_{\Sigma}(t + dt) + E_{c,\Sigma}(t + dt) = U_{\Sigma}(t) + E_{c,\Sigma}(t)$

La variation d'énergie totale dans Σ' pendant dt se ramène donc à :

$$\begin{aligned} dU_{\Sigma'} + dE_{c,\Sigma'} &= U_{\Sigma_s}(t + dt) - U_{\Sigma_e}(t) + E_{c,\Sigma_s}(t + dt) - E_{c,\Sigma_e}(t) \\ &= U_{\Sigma_s}(t + dt) - U_{\Sigma_e}(t) + E_{c,\Sigma_s}(t + dt) - E_{c,\Sigma_e}(t) \end{aligned}$$

Sur une ligne de courant, reliant un point de la surface d'entrée S_e à un point de la surface de sortie S_s, on peut alors écrire : $dU_{\Sigma'} + dE_{c,\Sigma'} = dm(u_s - u_e + e_{c,s} - e_{c,e})$

D'après le premier principe de la thermodynamique : $dU_{\Sigma'} + dE_{c,\Sigma'} = \delta W + \delta Q$

avec $\delta Q = q_e dm = \Phi dt$

avec pour un fluide parfait :

travail des forces de pesanteur : $\delta W_{pes} = -dm(e_{pp,s} - e_{pp,e})$

travail des forces pressantes : $\delta W_p = \left(\frac{P_e}{\mu_e} - \frac{P_s}{\mu_s}\right) dm$

travail indiqué : $\delta W_i = w_i dm = \Psi_i dt$

Soit, par unité de masse : $\Delta u + \Delta e_c + \Delta e_{pp} = \left(\frac{P_e}{\mu_e} - \frac{P_s}{\mu_s}\right) + w_i + q_e$

Or, la fonction d'état **enthalpie** qui s'écrit sous la forme : $H = U + PV \Rightarrow h = u + \frac{P}{\mu}$ apparaît dans l'équation précédente, on peut donc la réécrire sous la forme : $\Delta h + \Delta e_c + \Delta e_{pp} = w_i + q_e$

2) Quels termes peuvent être usuellement négligés ? Pourquoi ?

L'énergie thermique nécessaire pour vaporiser un kg d'eau sous pression usuelle ≈ 2200 kJ.

Pour atteindre une valeur comparable :

avec l'énergie cinétique, il faut une vitesse de $2 \cdot 10^3 \text{ m.s}^{-1}$

avec l'énergie potentielle de pesanteur, il faut une dénivellation de 200 km

Dans la plupart des cas usuels, les énergies cinétiques et potentielles seront négligeables.

Exceptions : - usine hydroélectrique, on va utiliser l'énergie potentielle de pesanteur
- tuyère de réacteur, on va utiliser l'énergie cinétique