

# Devoir surveillé 6 – Niveau Centrale

---

**L'emploi des calculatrices personnelles est interdit.**

## **Instructions générales**

Les candidats sont invités à porter une attention particulière à la rédaction. La présentation, la lisibilité, l'orthographe, la qualité de la rédaction, la clarté et la précision des raisonnements entreront pour une part importante dans l'appréciation des copies.

**En particulier, les résultats non encadrés et non justifiés ne seront pas pris en compte.**

Toute application numérique ne comportant pas d'unité ne donnera pas lieu à attribution de points.

Le candidat prendra soin de bien numéroter les questions et d'y répondre dans l'ordre sur sa copie.

Si au cours de l'épreuve, un candidat repère ce qui lui semble être une erreur d'énoncé, il le signalera sur sa copie et devra poursuivre sa composition en expliquant les raisons des initiatives qu'il a été amené à prendre.

ATTENTION : - Utiliser uniquement un stylo noir ou bleu foncé non effaçable pour la rédaction de votre composition ; d'autres couleurs, excepté le vert, peuvent être utilisées, mais exclusivement pour les schémas et la mise en évidence des résultats.  
- Ne pas utiliser de correcteur.

*Écrire le mot FIN à la fin de votre composition.*

## Interférométrie stellaire

Ce problème s'intéresse au phénomène d'interférences entre 2 ondes lumineuses, puis à N ondes lumineuses et en particulier leur application à l'observation spatiale.

Selon le Décret n°88-384 du 19 avril 1988 portant organisation de l'Observatoire de la Côte d'Azur, modifié par le Décret n°2010-27 du 7 janvier 2010 - art. 2, l'Observatoire de la Côte d'Azur a pour mission « **de contribuer au progrès de la connaissance de l'univers par l'acquisition systématique de données d'observation, le développement et l'exploitation de moyens théoriques, expérimentaux et techniques appropriés, dans les domaines de l'astronomie, des géosciences, des sciences connexes et de leurs applications** ».

L'Observatoire de la Côte d'Azur a pour mission de contribuer aux fonctions de surveillance et de prévision des phénomènes naturels liés aux domaines de l'astronomie, l'astrophysique et de la géophysique.

Cette mission, l'Observatoire de la Côte d'Azur l'accomplit au travers de trois unités mixtes de recherche que sont : Artémis – Géoazur – Lagrange.

L'OCA met à la disposition de ces laboratoires des plateformes, le site d'observation de Calern, et plus largement, une unité mixte de service pour des fonctions supports, l'UMS Galilée

DOCUMENT 1 : PRESENTATION DES ACTIVITES DE RECHERCHE A L'OBSERVATOIRE DE LA COTE D'AZUR ([HTTPS://WWW.OCA.EU/FR/MISSION-RECHERCHE](https://www.oca.eu/fr/mission-recherche))



DOCUMENT 2 : PHOTO DU SITE DE CALERN, PASSAGE DE L'ISS DEVANT LE LABORATOIRE D'INTERFEROMETRIE STELLAIRE (PHOTO DE SAMUEL YONNET)

L'interférométrie stellaire est une technique d'observation astronomique à haute résolution angulaire utilisée pour voir des détails dans l'environnement ou même à la surface des étoiles. Le Grand Interféromètre à 2 Téléscopes (GI2T) fonctionne sur le principe de la synthèse d'ouverture optique. Les ondes lumineuses collectées par 2 télescopes de 1,5 m de diamètres distants de 12 à 65 m sont superposées dans un foyer unique où se forment des franges d'interférence. On obtient ainsi un pouvoir de résolution angulaire équivalent à celui d'un télescope géant de quelques dizaines de mètres de diamètre. L'analyse des franges d'interférence obtenues dans différentes longueurs d'ondes du spectre visible (0,5 – 0,7  $\mu\text{m}$ ) ou de l'infrarouge proche (2,2  $\mu\text{m}$ ) permet de déterminer la dimension angulaire de l'étoile et d'étudier la distribution et les mouvements de la matière dans le voisinage de l'étoile. Les programmes menés avec le GI2T concernent la physique stellaire par l'observation des enveloppes circumstellaire des étoiles chaudes, des étoiles binaires serrées, de l'atmosphère d'étoiles géantes rouges ainsi que la mesure du diamètre d'étoiles variables pulsantes. Le GI2T équipé de sa table de recombinaison REGAIN est un instrument prototype, qui constitue une étape fournissant une base d'exploitation scientifique et d'expérimentation pour l'interféromètre du Very Large Telescope (VLT) de l'Observatoire Européen Austral (ESO) mais également permettra à terme l'émergence d'un projet de réseau imageur de télescopes optiques comme l'Optical Very Large Array (OVLA).

DOCUMENT 3 : INTERFEROMETRIE STELLAIRE A CALERN

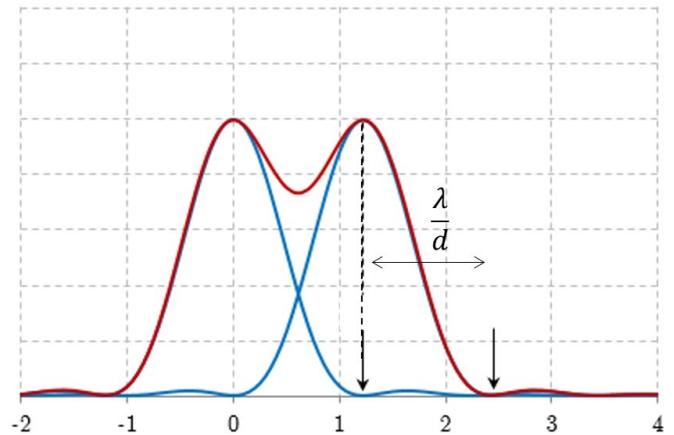
([HTTPS://WWW.SORTIR06.FR/PARCS-A-THEMES-ET-BALADES-ALPES-MARITIMES/LE-PLATEAU-DE-CALERN-ET-SES-MAISONS-BULLES/](https://www.sortir06.fr/parcs-a-themes-et-balades-alpes-maritimes/le-plateau-de-calern-et-ses-maisons-bulles/))

## I) Problème rencontré

L'observation spatiale utilise depuis longtemps (Newton, 1671) des télescopes plus ou moins perfectionnés qui permettent d'observer les astres qui nous entourent. Cependant, lorsque 2 astres sont trop proches l'un de l'autre, il devient difficile de les séparer lors de l'observation directe via un télescope.

Même dans des conditions optimales (stigmatisme approché), le pouvoir de résolution d'un instrument d'optique est limité par la « tâche » que fait l'image d'un objet là où on l'observe (par exemple, un écran). Lorsque l'on observe deux objets qui sont proches l'un de l'autre, ces « tâches » peuvent se superposer nous empêchant de voir deux images séparées. Le critère de Rayleigh est l'un des critères qui permet de définir le pouvoir de résolution d'un instrument d'optique. Il stipule que deux « tâches » sont séparables pour une configuration où la première annulation de l'une correspond au maximum de la seconde, soit pour une fente de largeur  $d$  :

$$\Delta\alpha = \frac{\lambda}{d}$$



DOCUMENT 4 : CRITERE DE RAYLEIGH

- 1) Quel phénomène est à l'origine de ce problème (DOCUMENT 4) ?
- 2) Reproduire sur votre copie la FIGURE 1. Y faire apparaître le faisceau lumineux dû à l'exoplanète  $P$ . En déduire en précisant par un calcul précis si le critère de Rayleigh est vérifié.

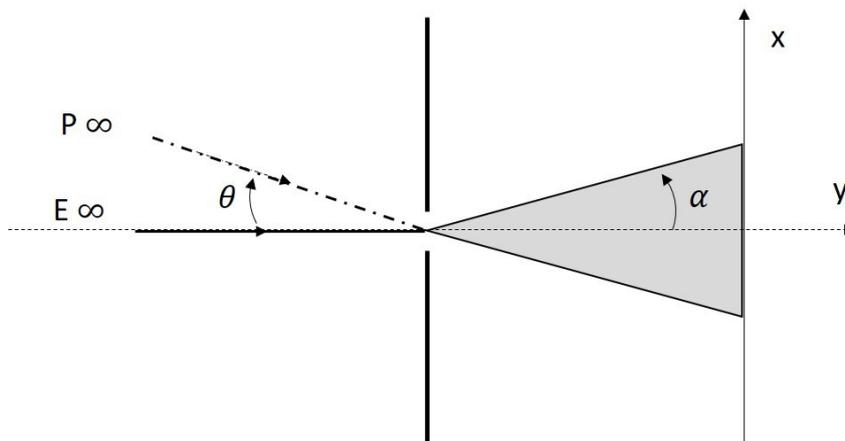


FIGURE 1 : REPRESENTATION DU PROBLEME DE RESOLUTION

## II) Détection d'astres proches

Pour pallier au problème précédent, le physicien français Antoine Labeyrie est parvenu, dans les années 1970, à mettre en place le premier couple de télescopes interférométriques. Nous allons d'abord nous intéresser au phénomène d'interférences à deux ondes, basé sur l'interféromètre des trous d'Young, avec une source, puis avec deux sources.

### II.1) Superposition de deux ondes lumineuses

On considère dans cette partie une seule source lumineuse  $E$  d'intensité  $I_E$ , monochromatique de longueur d'onde  $\lambda_E$  (ou pulsation  $\omega_E$ ). Cette source illumine un écran opaque percé de deux trous,  $S_1$  et  $S_2$  centrés sur  $E$ , formant l'interféromètre des trous d'Young (FIGURE 2). La distance entre les deux trous est  $a = 100 \mu\text{m}$ , chacun des trous ayant un diamètre de  $d = 50 \mu\text{m}$ . Cet écran se trouve à une distance  $D = 1 \text{ m}$  d'un écran. Le milieu considéré est l'air, considéré homogène et d'indice optique  $n = 1$ . On suppose que chacun des trous reçoit la même intensité lumineuse  $I_0$ .

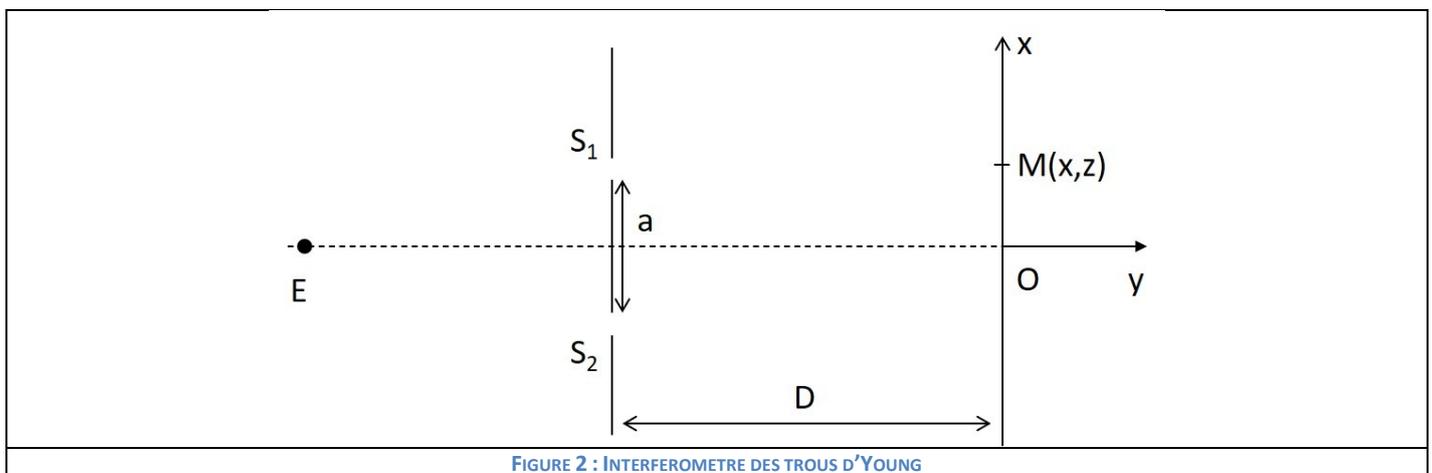


FIGURE 2 : INTERFEROMETRE DES TROUS D'YOUNG

- 5) Qu'observe-t-on sur l'écran ? Quel autre phénomène (différent de celui des interférences) permet dans cette interféromètre le recouvrement des deux faisceaux lumineux issus de  $S_1$  et  $S_2$  ?
- 6) Proposer une fonction mathématique représentant l'onde lumineuse  $s_E$  provenant de la source  $E$ . Rappeler la définition de l'intensité lumineuse. Comment peut-on exprimer  $I_E$  en fonction de  $s_E$  ?
- 7) En déduire l'expression de l'intensité lumineuse  $I_1(M)$  résultant de la superposition des deux ondes après l'interféromètre. On appellera  $\varphi(M)$ , la différence de phase entre les deux ondes issues de  $S_1$  et  $S_2$  au point  $M$ .
- 9) Pour quelles valeurs de  $\varphi(M)$ , de la différence de marche  $\delta(M)$  et de l'ordre d'interférence  $p(M)$  obtient-on des interférences constructives ? Destructives ? Donner pour les deux cas de figure la valeur de l'intensité lumineuse  $I_1(M)$ .
- 10) Donner la définition du contraste  $C$  d'une figure d'interférence. Que vaut-il dans le cas étudié ?
- 11) Déterminer la différence de marche  $\delta_1(M)$  en un point de l'écran en fonction de  $x$ ,  $a$  et  $D$ . On justifiera bien chaque ligne de calcul.
- 12) Représenter alors l'intensité lumineuse  $I_1(M)$  en fonction de  $x$ . Comment appelle-t-on sa période ? La faire apparaître sur le tracé. Commenter.

La situation envisagée d'observation d'astres nécessite une modification de l'interféromètre (FIGURE 3) précédent car la source  $E$  se trouve très loin de notre interféromètre. On peut donc considérer que ses rayons sont parallèles car proviennent de l'infini.

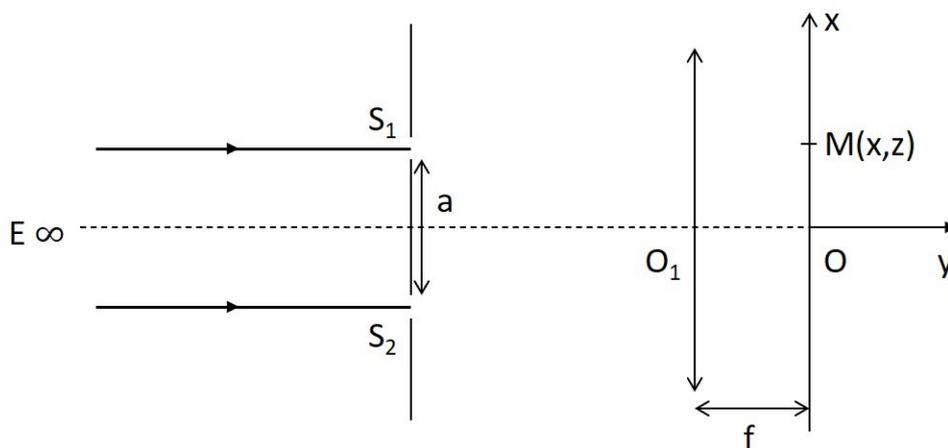


FIGURE 3 : INTERFEROMETRE DES TROUS D'YOUNG MODIFIE

- 13) Recopier la FIGURE 3 sur votre copie et prolonger les rayons qui arrivent au point  $M$  de l'écran.  
 14) Déterminer la nouvelle expression de la différence de marche  $\delta_2(M)$  en un point de l'écran.  
 15) Comparer  $\delta_2(M)$  à  $\delta_1(M)$ . Donner alors l'expression de l'intensité lumineuse  $I_2(M)$  due à cette nouvelle différence de marche. Conclure quant à la figure d'interférences observée.

## II.2) Problème à deux sources

Lorsque l'on veut observer une étoile et l'exoplanète orbitant autour, on a en fait deux sources lumineuses : l'étoile,  $E$  et la planète,  $P$ . On suppose que les deux sources ont la même intensité lumineuse :  $I_E = I_P$  et la même longueur d'onde :  $\lambda_E = \lambda_P = \lambda$ . Comme vu en question 2, ces deux astres sont vus avec une distance angulaire  $\theta$  depuis la Terre. On peut ainsi modifier la FIGURE 3 en FIGURE 4.

- 16) Donner l'expression de l'intensité lumineuse  $I_3(M)$  due à la source  $P$  seule.

Si l'on considère maintenant les deux sources,  $E$  et  $P$ .

- 18) Pourquoi a-t-on besoin d'un interféromètre pour créer des interférences ? Si les 2 sources  $E$  et  $P$  éclairaient l'écran directement sans passer par les trous d'Young, observerait-on des interférences ?  
 19) Comment peut-on obtenir l'intensité lumineuse totale  $I_{tot}(M)$  sur l'écran avec les deux sources  $E$  et  $P$  ?

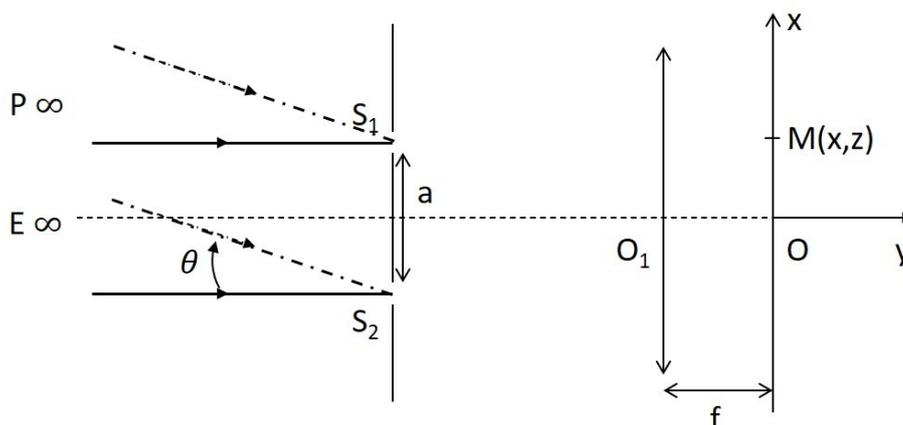


FIGURE 4 : INTERFEROMETRE DES TROUS D'YOUNG MODIFIE AVEC LES 2 SOURCES

D'après le DOCUMENT 3, il est possible de faire varier la distance entre les deux télescopes de 12 à 65 m, ce qui revient à faire varier  $a$  la distance entre les deux trous. On place en  $O$  un capteur CCD.

- 20) Que vaut  $I_{tot}(O)$  ? Quelles sont ses valeurs extrémales ?

### II.3) Interférométrie annulante

Pour une détection plus efficace de l'exoplanète, l'australien Bracewell propose quelques années plus tard d'introduire sur le faisceau de l'un des télescopes un déphaseur achromatique de  $\pi$ , de sorte que l'interférence deviennent destructive pour la source  $E$  en  $x = 0$ .

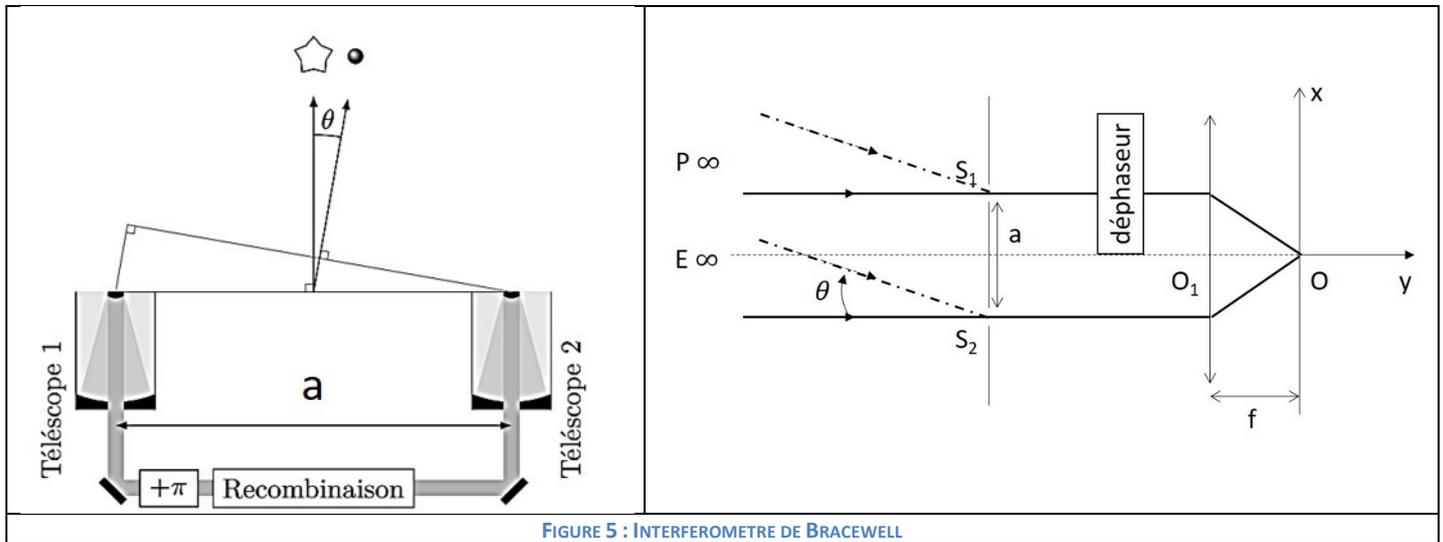


FIGURE 5 : INTERFEROMETRE DE BRACEWELL

- 21) Comment est modifiée l'expression de  $I_{tot}(O)$  ? Quelles sont ses valeurs extrémales ? En quoi cette méthode est-elle préférable à la précédente (Q20) ?
- 23) Comment peut-on retrouver la distance angulaire  $\theta$  entre les deux sources avec cet interféromètre ?
- 24) Interpréter et comparer à la question 4.

### III) Analyse du rayonnement d'un astre

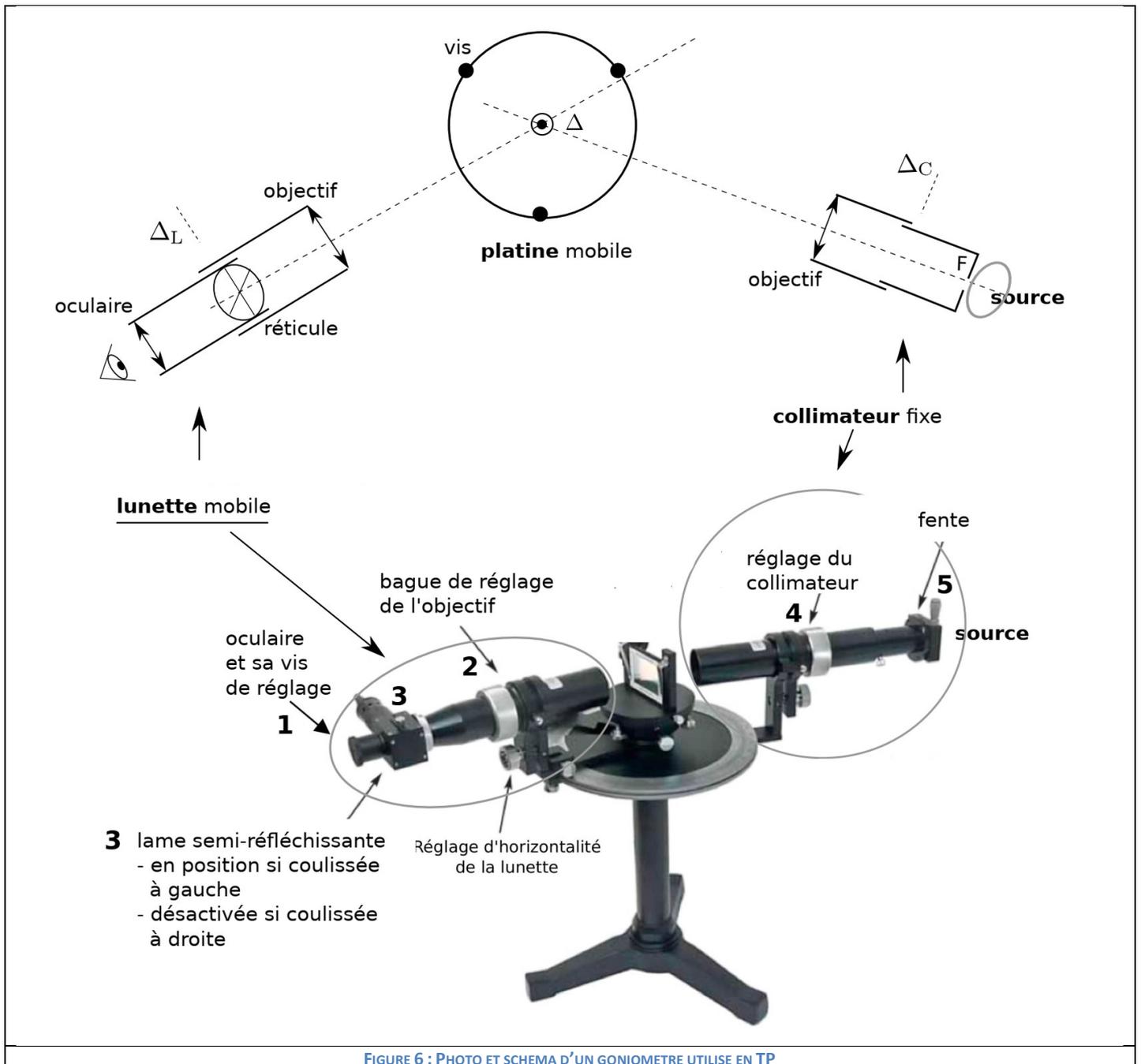
Lorsqu'on peut observer directement une planète, il est possible d'en déduire la composition de son atmosphère. Par exemple, le spectrographe STIS (Space Telescope Imaging Spectrograph) embarqué à bord du télescope Hubble permet d'obtenir le spectre du rayonnement d'un astre. Nous allons ici décrire son fonctionnement simplifié.

#### III.1) Goniomètre

La FIGURE 6 représente un appareil de mesure utilisé en travaux pratiques en lycée qui fonctionne sur le même principe que le spectrographe STIS.

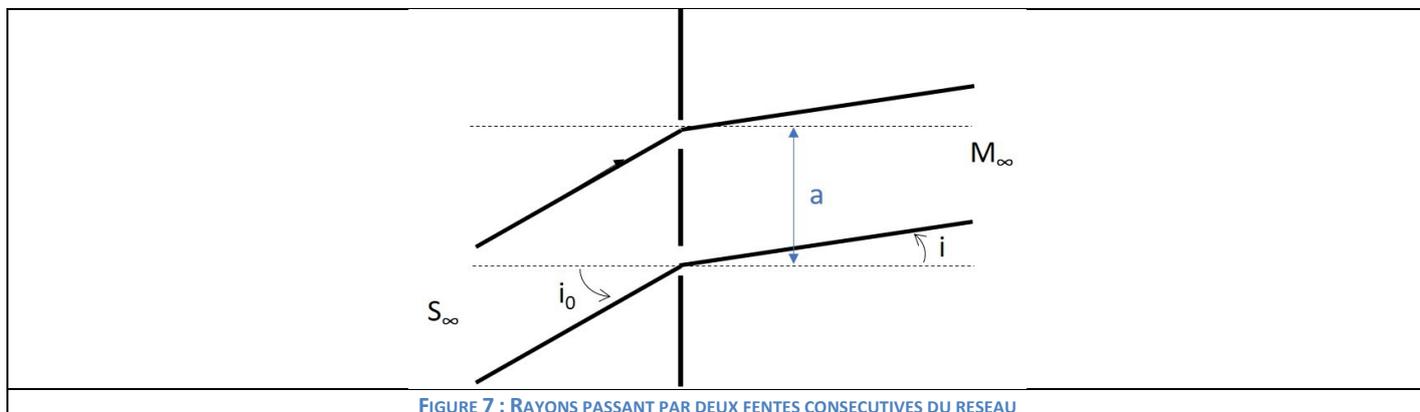
25) Expliquer l'intérêt et le fonctionnement d'un tel appareil.

*Cette question comporte un grand nombre de points.*



### III.2) Réseau éclairé en incidence parallèle

Un réseau par transmission de pas  $a = 10\mu\text{m}$  est placé sur la platine du goniomètre précédent (FIGURE 6). On peut supposer qu'il est éclairé par des rayons parallèles formant un angle incident  $i_0$  avec sa normale. On note  $i$  l'angle que fait le rayon émergent du réseau avec sa normale. On se place dans l'air d'indice optique,  $n = 1$ .



26) Déterminer la formule des réseaux en fonction de  $p$  l'ordre d'interférence.

### III.3) Etude du rayonnement d'un astre

Le spectrographe, composé du réseau précédent monté sur la plateforme du goniomètre, est dirigé vers une étoile. On a alors  $i_0 = 0$ . L'étude à l'ordre  $p = 1$  révèle des raies lumineuses pour les angles :  $i_A = 2,68^\circ$  et  $i_B = 3,76^\circ$ .

28) Déterminer les longueurs d'onde composant le spectre de l'étoile étudiée. En déduire sa composition.

Dihydrogène ( $\text{H}_2$ ) : 410,0 – 434,0 – 486,1 – 656,3  
 Dioxygène ( $\text{O}_2$ ) : 627,7 – 686,7 – 759,4  
 Fer (Fe) : 430,8 – 438,3 – 466,8 – 495,8 – 516,9 – 527,0  
 Sodium (Na) : 589,0 – 589,6  
 Magnésium (Mg) : 516,7 – 517,3 – 518,4.

DOCUMENT 5 : RAIES COLOREES PRESENTES DANS LE SPECTRE D'EMISSION DE DIFFERENTES ENTITES CHIMIQUES

Aide aux calculs :

$\sin(2,68) = 0,0468$	$\sin(3,76) = 0,0656$	
-----------------------	-----------------------	--